

PROEFEXAMEN LINEAIRE ALGEBRA  
dinsdag 26 november 2019

---

**Familienaam:** .....

**Voornaam:** .....

**Richting:** .....

---

- Schrijf op *elk* blad je naam.
- Begin voor *elke* vraag een nieuw blad.
- Schrijf 'BLANCO' op het *vragenblad* vóór het nummer van de vragen waarop je eventueel geen antwoord weet.
- Geef enkel het *net* af.
- Schrijf *netjes* en leesbaar, in Nederlandse volzinnen.
- Overtuig ons ervan dat je begrijpt wat je schrijft. Geef dus *voldoende* uitleg.
- Het proefexamen duurt *2 uur*.

**Veel succes!**

---

Vraag 1 (10 ptn)	
Vraag 2 (10 ptn)	
2.(a)	
2.(b)	
2.(c)	

Vraag 3 (10 ptn)	
3.(a)	
3.(b)	

**Vraag 1**

Zij  $(\mathbb{R}, V, +)$  een eindigdimensionale vectorruimte en veronderstel dat  $U$  en  $W$  deelruimten van  $V$  zijn. Toon aan dat

$$\dim(U + W) + \dim(U \cap W) = \dim(U) + \dim(W).$$

**Vraag 2**

Waar of fout? Toon aan of geef een tegenvoorbeeld.

- (a) Zij  $V$  een vectorruimte met basis  $\beta$  en  $U \subset V$  een deelruimte. Dan kan  $\beta$  uitgedund worden tot een basis van  $U$ .

- (b) Zij  $X_0, X_1 \in \mathbb{R}^n$  gegeven kolomvectoren. Definieer de verzameling

$$V = \{A \in \mathbb{R}^{m \times n} \mid AX_0 = AX_1\}.$$

Dan is  $V$  een deelruimte van  $\mathbb{R}^{m \times n}$ .

- (c) Zij  $A, B \in \mathbb{R}^{n \times n}$  rij-equivalente matrices. Als  $\det(A) \neq 0$ , dan is  $\det(B) \neq 0$ .

**Vraag 3**

Zij  $x_0, x_1 \in \mathbb{R}$  en beschouw de verzameling

$$V = \{P \in \mathbb{R}[X]_{\leq 2} \mid P(x_0) = 0 = P(x_1)\}.$$

(a) Toon aan dat  $V$  een deelruimte is van  $\mathbb{R}[X]_{\leq 2}$ .

(b) Bepaal voor alle  $x_0, x_1 \in \mathbb{R}$  een basis voor  $V$  en bepaal voor alle  $x_0, x_1 \in \mathbb{R}$  de dimensie van  $V$ .